

MATEMÁTICA II

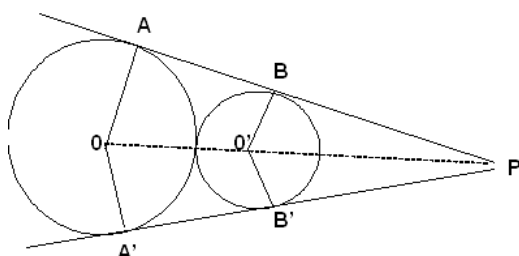
01. Maria Eduarda comprou um terreno na praia de Pitimbu e, outro na praia de Itamaracá, por um total de R\$ 45 000,00. Dois meses depois da compra, vendeu os dois terrenos e obteve um lucro de R\$ 3 000,00, vendendo o de Pitimbu com um lucro de 20% e, o de Itamaracá com um prejuízo de 10% sobre o preço de compra. Por quanto Maria Eduarda vendeu o terreno de Pitimbu?

- A) R\$ 30 000,00
 B) R\$ 27 500,00
 C) R\$ 25 000,00
 D) R\$ 20 000,00
 E) R\$ 22 500,00

02. Na população de uma espécie rara de 1000 aves da floresta amazônica, 98% tinham cauda de cor verde. Após uma misteriosa epidemia que matou somente aves com cauda verde, esta porcentagem caiu para 95%. Quantas aves foram eliminadas com a epidemia?

- A) 300
 B) 400
 C) 500
 D) 600
 E) 700

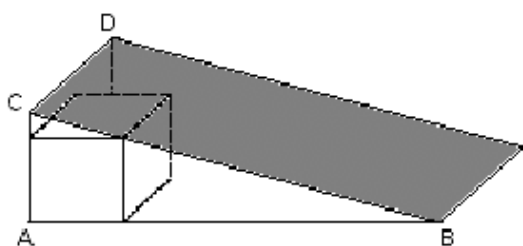
03. Traçam-se retas tangentes exteriores comuns a duas circunferências de raios 2 cm e 4 cm. Sabendo-se que as circunferências são tangentes exteriormente, calcule o perímetro do quadrilátero cujos vértices são o ponto de interseção das tangentes, o centro da circunferência maior e os pontos de contato das tangentes com a circunferência maior.



- A) $1+2\sqrt{2}$
 B) $2(\sqrt{2} + \sqrt{3})$
 C) $(8+2\sqrt{3})$
 D) $8(1+2\sqrt{2})$
 E) $8+2\sqrt{2}$

04. Uma caixa d'água cúbica, de volume máximo, deve ser colocada entre o telhado e a laje de uma casa, conforme mostra a figura abaixo. Pode-se afirmar que a quantidade de água armazenada na caixa, em litros, é igual a

Dados: $AB = 6\text{m}$ e $AC = 1,5\text{m}$



- A) 1728 litros.
 B) 2501 litros.
 C) 1539 litros.
 D) 3215 litros.
 E) 1457 litros.

05. **Diamante:** cristal de átomos de Carbono é a substância mais dura da natureza, ou seja, o diamante tem capacidade de riscar qualquer outra substância, devido a sua dureza, porém, sob pressão ou impacto, se quebra com facilidade, dada a baixa tenacidade. Devido à disposição dos átomos do carbono em sua constituição, todo diamante no estado bruto (não lapidado) tem formato de octaedro (regular).

Considerando um diamante bruto de aresta 2mm, pode-se afirmar que seu volume, em mm^3 , é igual a

- A) $\frac{4}{3}$
 B) $\frac{3\sqrt{2}}{4}$
 C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$
 D) $\frac{4\sqrt{2}}{3}$
 E) $\frac{8\sqrt{2}}{3}$

MATEMÁTICA II

06. O processo de resfriamento de um determinado corpo é descrito por:

$T(t) = T_A + \alpha \cdot 3^{\beta t}$ onde $T(t)$ é a temperatura do corpo, em graus Celsius, no instante t , dado em minutos, T_A é a temperatura ambiente, suposta constante, e α e β são constantes.

O referido corpo foi colocado em um congelador com temperatura de -18°C . Um termômetro no corpo indicou que ele atingiu 0°C após 90 minutos e chegou a -16°C após 270 minutos.

Pode-se afirmar que o valor absoluto do produto de α por β é igual a

- A) $\frac{5}{9}$
 B) $\frac{3}{5}$
 C) $\frac{9}{5}$
 D) $\frac{5}{3}$
 E) $\frac{4}{9}$

07. Duas pessoas vão disputar uma partida de par ou ímpar. Elas não gostam do zero e, assim, cada uma coloca 1, 2, 3, 4 ou 5 dedos com igual probabilidade. A probabilidade de que a pessoa que escolheu par ganhe é

- A) 1/2 B) 2/5 C) 3/5 D) 12/25 E) 13/25

08. Se as raízes da equação $x^3 - kx^2 + 351x - 729 = 0$ formam uma progressão geométrica decrescente, pode-se afirmar que a razão dessa progressão é

- A) 3
 B) $\frac{1}{3}$
 C) 2
 D) $\frac{1}{2}$
 E) -3

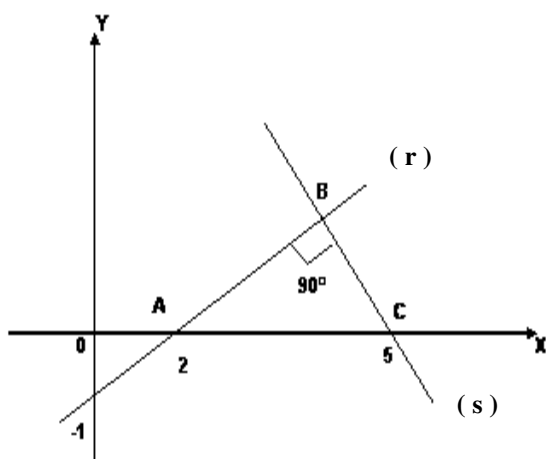
09. Um tanque de combustível tem 100 litros de gasolina. São retirados 10 litros de gasolina e substituídos por 10 litros de álcool. Em seguida, 10 litros dessa mistura são retirados e substituídos por 10 litros de álcool. Esse procedimento é repetido sucessivamente. Depois de três retiradas, pode-se afirmar que permanecem na mistura

- A) 70,3 litros de gasolina.
 B) 89,2 litros de gasolina.
 C) 82,9 litros de gasolina.
 D) 79,2 litros de gasolina.
 E) 72,9 litros de gasolina.

10. Uma das retas paralelas à reta de equação $3x - 4y - 12 = 0$ e tangente à circunferência de equação $x^2 + y^2 - 6x - 4y + 4 = 0$, tem por equação

- A) $3x - 4y - 14 = 0$
 B) $3x - 4y + 16 = 0$
 C) $3x + 4y - 16 = 0$
 D) $3x - 4y + 14 = 0$
 E) $3x + 4y + 14 = 0$

11. As retas (r) cortam os eixos nos pontos $(0, -1)$ e $(2, 0)$, e a reta (s) perpendicular à (r) corta o eixo das abscissas no ponto $(5, 0)$. A área do triângulo ABC é igual a



- A) $\frac{5}{3}$
 B) $\frac{4}{5}$
 C) $\frac{9}{5}$
 D) $\frac{5}{2}$
 E) $\frac{12}{7}$

Nas questões de 12 a 16, assinale, na coluna I, as afirmativas verdadeiras e, na coluna II, as falsas.

12. Considere A e B matrizes quadradas de ordem n e $\det(A) =$ determinante da matriz A. Então

I II

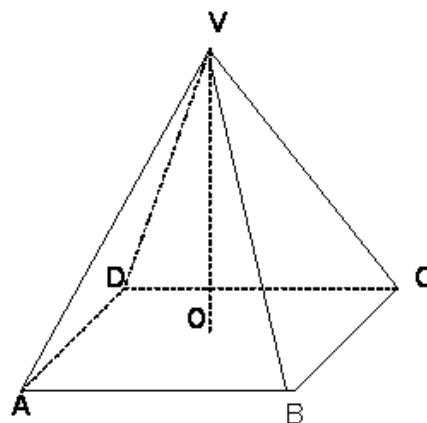
- 0 0 se $\det(A.B) = 0$, então A pode ser inversível.
- 1 1 se A e B são matrizes inversíveis, então (A . B) é inversível.
- 2 2 se $A = \begin{pmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix}$, então $\det(A) = \cos(2\theta)$.
- 3 3 se B tem uma coluna nula, (A.B) tem uma coluna nula.
- 4 4 se $\det(A) = X$, e k é uma constante real, então $\det(kA) = k.X$.

13. Na pirâmide regular ao lado, a base é um quadrado inscrito numa circunferência de raio $2\sqrt{2}$ cm, e a altura \overline{OV} excede a aresta da base em 2cm.

Pode-se afirmar que

I II

- 0 0 o volume da pirâmide é igual a 32 cm^3 .
- 1 1 a aresta lateral mede 12 cm.
- 2 2 o apótema da pirâmide mede $2\sqrt{10}$ cm.
- 3 3 a soma dos ângulos das faces da pirâmide mede 2160° .
- 4 4 a área lateral da pirâmide mede $16\sqrt{10} \text{ cm}^2$.



14. A média aritmética das idades de um grupo de médicos e advogados é 40 anos. A média aritmética das idades dos médicos é 35 anos e a dos advogados é 50 anos.

Pode-se, então, afirmar que

I II

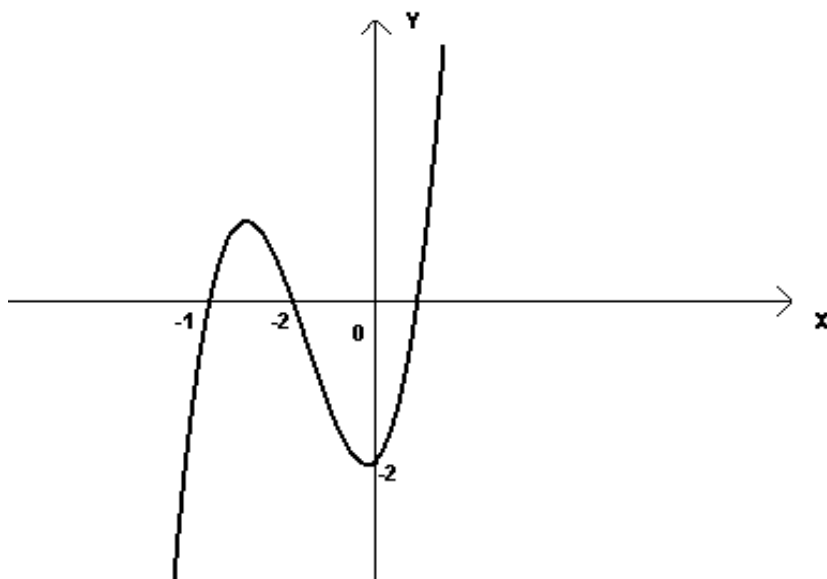
- 0 0 o número de advogados é o dobro do número de médicos no grupo.
- 1 1 o número de médicos é o dobro do número de advogados no grupo.
- 2 2 o número de médicos é igual ao triplo do número de advogados.
- 3 3 se o número de médicos é igual a 10, então o número de advogados é 30.
- 4 4 o número de advogados é a metade do número de médicos.

MATEMÁTICA II

15. Considere a reta (r) de equação $3x + 4y - 10 = 0$. Então

- | I | II | |
|---|----|--|
| 0 | 0 | a reta (s) de equação $4x - 3y + 5 = 0$ é perpendicular à reta (r). |
| 1 | 1 | a reta (r) é secante à circunferência de equação $x^2 + y^2 = 4$ |
| 2 | 2 | o triângulo, cujos vértices são a origem e os pontos de interseção da reta (r) com os eixos coordenados, tem área igual a $\frac{25}{6}$ |
| 3 | 3 | a tangente do ângulo que dá a direção de (r) é $-\frac{3}{4}$ |
| 4 | 4 | a equação da reta paralela à reta (r) e que passa por (1, 2) é $3x + 4y - 11 = 0$ |

16. No polinômio p (x) do 3º grau cujo gráfico é dado abaixo, sabe-se que p (1) = 6.



Então

- | I | II | |
|---|----|--|
| 0 | 0 | o produto das raízes é igual a 1 |
| 1 | 1 | se a, b e c são as raízes da p (x) logo $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = -\frac{5}{2}$ |
| 2 | 2 | o resto da divisão de p (x) por $x - 2$ é igual a 30 |
| 3 | 3 | o ponto (- 2, 0) é o ponto mínimo de p (x) |
| 4 | 4 | o ponto (- 2, 0) é o ponto mínimo de p (x) no intervalo $\left[-2, \frac{1}{3}\right]$ |